DOI: 10.19666/j.rlfd.202403082

基于分布函数优选的风电机组可靠性 建模与分析研究

汪 臻¹, 李国庆², 傅望安³, 邓 巍¹, 王海明³, 赵 勇¹, 苏人奇³
(1.西安热工研究院有限公司, 陕西 西安 710054;
2.中国华能集团有限公司, 北京 100031;
3.华能(浙江)能源开发有限公司清洁能源分公司, 浙江 杭州 310007)

[摘 要]可靠性模型是可靠性分析的基础,传统的可靠性建模以整个系统为研究对象,通过利用所 有故障数据对系统的分布函数进行拟合、参数估计和模型优选,以确定系统的分布类型及 分布函数,进而计算系统的可靠性指标。风电机组是一个典型的复杂机电系统,各子系统 的功能、结构以及故障形式各不相同,用一个分布函数来确定整个系统的故障分布显然不 合适。对此,基于收集整理的风电机组故障数据,提出基于分布函数优选的风电机组可靠 性建模和分析技术,利用常用的指数分布、正态分布、对数正态分布、威布尔分布和伽马 分布,对风电机组各子系统的故障间隔时间进行分布函数拟合、参数估计和拟合优度分析, 确定了各子系统故障间隔时间的分布函数和子系统可靠度函数。在此基础上,采用 Copula 连接函数,在考虑子系统故障相关性的基础上,建立了风电机组的整机可靠度函数模型, 并以某海上风电机组的故障数据为例进行了实例分析,验证了所提方法的可行性。

[关 键 词] 风电机组; 分布函数; 可靠性建模; 故障相关性分析; 可靠性分析

[引用本文格式] 汪臻, 李国庆, 傅望安, 等. 基于分布函数优选的风电机组可靠性建模与分析研究[J]. 热力发电, 2024, 53(11): 56-65. WANG Zhen, LI Guoqing, FU Wang'an, et al. Reliability modeling and analysis of wind turbine based on distribution function optimization[J]. Thermal Power Generation, 2024, 53(11): 56-65.

Reliability modeling and analysis of wind turbine based on distribution function optimization

WANG Zhen¹, LI Guoqing², FU Wang'an³, DENG Wei¹, WANG Haiming³, ZHAO Yong¹, SU Renqi³ (1.Xi'an Thermal Power Research Institute Co., Ltd., Xi'an 710054, China; 2.China Huaneng Group Co., Ltd., Beijing 100031, China; 3.Clean Energy Branch of Huaneng (Zhejiang) Energy Development Co., Ltd., Hangzhou 310007, China)

Abstract: Reliability model is the foundation of reliability analysis. Conventional reliability modeling takes the entire system as the research object, and uses all fault data to fit the distribution function of the system, estimate parameters, and optimize the model, thus to determine the distribution type and distribution function of the system, and then to calculate the reliability indicators of the system. Wind turbine is a typical complex electromechanical system, with different functions, structures, and fault forms of each subsystem. It is obviously inappropriate to use one distribution function to determine the fault distribution function optimization-based reliability modeling and analysis technology of wind turbines is proposed. By applying the commonly used exponential distribution, normal distribution, log-normal distribution, Weibull distribution and gamma distribution, the distribution function fitting, parameter estimation and goodness of fit analysis of the fault interval

基 金 项 目: 中国华能集团有限公司总部科技项目(HNKJ20-H72-02)

第一作者简介: 汪臻(1990),男,博士,工程师,主要研究方向为新能源发电设备可靠性及故障监测与诊断,wangzhen@tpri.com.cn。

收稿日期: 2024-03-07 网络首发日期: 2024-07-20

Supported by: Science and Technology Project of China Huaneng Group Co., Ltd. (HNKJ20-H72-02)

of each subsystem of wind turbines are carried out, and the distribution function and subsystem reliability function of the fault interval time of each subsystem are determined. On this basis, a Copula connection function is used to establish the reliability function model for wind turbines, taking into account the fault correlation between subsystems. Moreover, an example analysis is conducted on the fault data of an offshore wind turbine, which verifies the feasibility of the proposed method.

Key words: wind turbine; distribution function; reliability modeling; fault correlation analysis; reliability analysis

随着全球对可再生能源的需求不断增加,风能 作为一种清洁、可再生的能源形式得到了广泛应用。 风电机组作为风能转换的核心设备,其可靠性对于 风电场的安全运行和发电效率至关重要^[1]。因此, 对风电机组进行可靠性建模与分析成为一个重要 的研究领域。风电机组的可靠性建模与分析旨在评 估风电机组的可靠性水平、预测其未来的可靠性状 态,并优化维修策略以提高其运行可靠性水平^[2]。 传统的定期维修策略无法充分利用风电机组的寿 命,可能导致不必要的维修和停机。通过可靠性建 模与分析,可以评估风电机组的故障概率和剩余寿 命,确定最佳的维修时间间隔和维修策略^[3-4],为风 电场的检修规划和运营决策提供科学依据,从而最 大程度地减少停机时间和维修成本^[5]。

基于历史运行故障数据的可靠性建模以概率 论和数理统计为基础,通过数据拟合、参数估计等 方法构建系统或关键部件的故障分布函数模型,是 一种可靠性统计模型。针对风电机组的可靠性建模 与分析,张志春基于风电场的实际监测数据,建立 了风电机组的累积失效模型,用于对风电机组的可 靠性进行预测^[6]; Zhang 等人^[7]将大数据分析技术运 用到风电机组可靠性分析中,根据贝叶斯网络理论建 立了离散状态模型,研究了风电机组有效寿命的预测 方法; 张穆勇¹⁸围绕整机运行可靠性问题, 利用风电 机组的实际运行数据,开展了相关的可靠性分析和评 估技术研究,旨在为机组选型、运行优化、维护策略 制定等提供支持和科学依据;王钧19基于泊松过程理 论和风电机组的历史故障数据,利用灰色关联分析方 法研究机组故障间隔时间分布类型,并基于幂律过程 建立了风电机组的可靠性评估模型; Kang 等人^[10]采 用改进的失效模式与影响分析 (FMEA) 方法对风电 机组进行风险评估,研究失效模式的复杂性和关联 性对整个系统失效概率的影响; Li 等人[11]在对极端 风况进行三维气象模拟的基础上,提出了一种预测 中国近海风力发电机组失效概率的建模方法; Mohsen 等人^[12]通过风机停运的影响,提出了一种 基于威布尔-马尔可夫的可靠性建模方法,用于风

电机组的概率可靠性建模; Wadhvani 等人^[13]将多项 式回归、局部加权多项式回归、样条回归、分段多 项式回归、平滑样条等多种曲线拟合技术应用于风 电机组功率曲线的建模,以实现对风电机组的精确 建模与可靠性分析; Habibi 等人^[14]对目前基于模型 的风电机组故障检测和容错控制方案进行了综合 评述,重点介绍了其优点、能力和局限性。以上研 究主要根据风电机组的物理拓扑结构和实际运行 数据,建立风电机组的可靠性模型,并基于模型对 风电机组进行可靠性分析和预测。针对可靠性建模 中的小样本问题,国内外的研究学者展开了相关的 研究,将贝叶斯理论^[15-17]、蒙特卡罗方法^[18]、灰色 预测方法^[19]、支持向量回归^[20]、回归折算法^[21]、模 糊理论^[22]等引入可靠性建模与分析中,以提高可靠 性建模与分析的适用性。

从上面的分析中可以看出,基于运行数据的可 靠性建模大多将系统作为一个整体来进行研究,且 假设系统整体符合指数分布或威布尔分布,没有采 用更多的分布函数进行对比、分析和择优,拟合精 度相对较低。风电机组是一个典型的复杂机电系 统,各子系统的功能、结构以及故障形式各不相同, 用一个分布函数来确定整个系统的故障分布显然 不合适。为此,本文提出对各子系统的故障分布显然 不合适。为此,本文提出对各子系统的故障数据分 别建模,采用极大似然估计和关联熵,拟合、优选 出各子系统的故障分布函数,并基于 Copula 函数, 在考虑子系统故障相关性的基础上,建立系统的整 机可靠度函数模型,进而分析海上风电机组的整机 可靠性。

1 常见分布函数

系统可靠性大多服从指数分布、正态分布、对 数正态分布、威布尔分布和伽马分布。其中,最基 本的分布模型是指数分布、正态分布和伽马分布。 威布尔分布由指数分布派生而来,对数正态分布由 正态分布派生而来。各分布函数的失效概率密度函 数和累积分布函数见表 1。

Tab.1 The failure probability density function and cumulative distribution function of each distribution function				
分布函数	失效概率密度函数	累计分布函数	备注	
指数分布	$f(t) = \frac{1}{\theta} \exp\left(-\frac{t}{\theta}\right)$	$F(t) = \int_{-\infty}^{t} f(t) dt = 1 - \exp\left(-\frac{t}{\theta}\right)$	<i>θ</i> >0 为常数	
正态分布	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right)$	$F(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \int_{-\infty}^{t} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^{2}\right) dx$	μ为位置参数,是正态分布的均值; σ为 形状参数,是方差	
对数正态分布	$f(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_x t}} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{\ln t - \mu_x}{\sigma_x}\right)^2\right)$	$F(t) = \int_0^t \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_x t}} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{\ln t - \mu_x}{\sigma_x}\right)^2\right) dt$	μ _x 和o _x 为对数正态分布的位置参数和形 状参数	
威布尔分布	$f(t) = \frac{\beta}{\alpha^{\beta}} (t - t_0)^{\beta - 1} \exp\left(-\left(\frac{t - t_0}{\alpha}\right)^{\beta}\right)$	$F(t) = 1 - \exp\left(-\left(\frac{t - t_0}{\alpha}\right)^{\beta}\right)$	$\alpha > 0$, $\beta > 0$; α 为威布尔分布的尺度参数; β 为威布尔分布的形状参数; t_0 为威 布尔分布的位置参数	
伽马分布	$f(t) = \frac{1}{\eta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} t^{\alpha - 1} \exp\left(-\frac{t}{\eta}\right)$	$F(t) = \int_0^t \frac{1}{\eta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} t^{\alpha-1} \exp\left(-\frac{t}{\eta}\right) dt$	$\Gamma(\cdot)为伽马函数: \eta为伽马分布的尺度参数: \alpha为伽马分布的形状参数$	

表 1 各分布函数的失效概率密度函数和累积分布函数 Fab.1 The failure probability density function and cumulative distribution function of each distribution functior

2风电机组子系统可靠性建模

确定风电机组各子系统故障分布规律,估计其 分布函数的参数是风电机组可靠性建模和分析的 前提与基础。本节对风电机组各子系统的故障数据 逐一进行分析,拟合其可靠性分布函数并估计各分 布函数的参数,进而确定各子系统的可靠性函数。

2.1 子系统分布函数参数估计

对于风电机组各子系统来说,由于难于直观地 判断其分布类型,因此先假设各子系统的故障数据 分别服从前述5种分布,然后采用极大似然估计法 对各分布函数进行参数估计。

1) 极大似然估计法

极大似然估计法由英国著名统计学家费希尔 (R.A.Fisher)^[23]首先提出,是目前应用最为广泛 的一种参数估计方法。极大似然估计法的主要思想 是在未知参数*0*的全部可能取值中选择1个参数*ô*, 使得样本观察值出现的概率最大,则称*ô*为*0*的极 大似然估计量。

极大似然估计法进行参数估计首先需要构造 似然函数,对于给定的样本点 $x=(x_1, x_2, \dots, x_n)^T$,称 $f(x, \theta)为\theta$ 的似然函数,记作 $L(\theta; x)$ 。

$$L(\theta; \mathbf{x}) = f(\mathbf{x}; \theta) = \prod_{i=1}^{n} f(x_i; \theta)$$
(1)

若有统计量*ê*,使得

$$L(\hat{\theta}; \boldsymbol{x}) = \sup_{\theta \in \Theta} \left\{ L(\theta; \boldsymbol{x}) \right\}$$
(2)

则称 $\hat{\theta}$ 为 θ 的极大似然估计量。

对似然函数取对数并求导,可得似然方程:

$$\frac{\partial L(\theta; \mathbf{x})}{\partial \theta} = 0 \tag{3}$$

由式(3)即可求出 θ 的极大似然估计量 $\hat{\theta}$ 。

2) 分布函数参数估计

下面采用极大似然估计法对前述4种分布函数 进行参数估计。各分布函数的参数估计见表2。

表 2 各分布函数的参数估计表达式 Tab.2 Expressions of parameter estimators for each distribution function

分布函数	参数估计表达式
指数分布	$\hat{ heta} = \sum_{i=1}^n t_i \left/\!\!\! n ight.$
正态分布	$\hat{\mu} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i = \overline{x}$ $\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2$
对数正态分布	$\hat{\mu}_x = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \ln t_i$ $\hat{\sigma}_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\ln t_i - \hat{\mu}_x)^2$
威布尔分布	$\hat{\alpha} = n / \sum_{i=1}^{n} t_i = 1/\overline{t}$ $\hat{\beta} = n / \left(\sum_{i=1}^{n} (\overline{t}t_i - \ln t_i) - n \ln \overline{t} \right)$
伽马分布	$\begin{cases} \sum_{i=1}^{n} \ln t_{i} - n \ln \eta - n \frac{d(\Gamma(\alpha))}{d\alpha} = 0 \\ \sum_{i=1}^{n} \ln t_{i} - n\alpha\eta = 0 \end{cases}$ The isometry of the second seco

2.2 子系统分布函数拟合优度分析

由于同时采用了5种分布函数对子系统的分布 类型进行拟合,因此,需要对分布类型的拟合优度

进行分析,从中选择最优的分布类型。常用的拟合 优度分析方法有相关系数法、关联熵法、灰色关联 度法、最小距离法等。本文在获得子系统的各类分 布模型之后,采用关联熵法分析比较各分布模型的 拟合优度。

关联熵法通过定义关联系数来计算分布曲线 的拟合优度,其基于熵的概念,引入随机变量的偏 熵和关联熵,分析其特性并定义关联系数。关联系 数表征了统计数据与拟合曲线之间分布的一致性, 其计算过程如下。

1) 计算统计数据与拟合曲线的信息熵

$$H_{F(x)} = \sum_{i=1}^{n} F(x_i) \log F(x_i)$$
(4)

$$H_{F_j(x)} = \sum_{i=1}^{n} F_j(x_i) \log F_j(x_i)$$
(5)

式中: *F*(*x_i*)为第*i*个统计数据的函数值; *F_j*(*x_i*)为第 *j*个分布函数在第*i*个统计数据处的函数值。

2) 计算统计数据与拟合曲线间的偏熵

$$H_{F(x)}\left(F_{j}\left(x\right)\right) = \sum_{i=1}^{n} F\left(x_{i}\right) \log F_{j}\left(x_{i}\right)$$
(6)

$$H_{F_j(x)}\left(F\left(x\right)\right) = \sum_{i=1}^{n} F_j\left(x_i\right) \log F\left(x_i\right)$$
(7)

式中: $H_{F(x)}(F_j(x))$ 为统计数据关于第 j 个拟合曲线的 偏熵: $H_{F_j(x)}(F(x))$ 为第 j 个拟合曲线关于统计数据 的偏熵。

3) 计算统计数据与拟合曲线间的关联熵

$$H_{F(x),F_{j}(x)} = H_{F(x)}(F_{j}(x)) + H_{F_{j}(x)}(F(x))$$
(8)

4) 计算统计数据与拟合曲线的关联系数

$$R_{\rm jcs} = \frac{H_{F(x)} + H_{F_j(x)}}{H_{F(x)} \left(F_j(x) \right) + H_{F_j(x)} \left(F(x) \right)}$$
(9)

关联系数 *R*_{jcs} 取值在[0,1]之间, *R*_{jcs}=1 表示统计数据与第 *j* 个拟合曲线同分布,此性质表明关联系数 *R*_{jcs} 是 *F*(*x*)和 *F_j*(*x*)的分布的一致性的特征度量。

根据各分布函数的关联系数,从中选择关联系 数最大的分布函数作为子系统的分布函数。在确定 了每个子系统的分布类型及分布函数的参数后,即 可获得每个子系统的可靠度函数,进而评估海上风 电机组的整机可靠性水平。

3风电机组可靠性分析

风电机组内部具有复杂的故障耦合与关联影

响关系,基于子系统分布函数的系统可靠性分析应 充分考虑子系统间的故障相关性。本文采用 Copula 函数对风电机组的整机可靠性进行分析,在考虑子 系统故障相关性的基础上,建立系统可靠性与子系 统可靠性的函数关系。

3.1 子系统故障相关性分析

风电机组是一个功能结构复杂,而且高度耦合的 复杂机、电、液系统,其组成单元的故障模式存在一 定的相关性,使得由多个零部件或设备组成的子系统 在出现故障后,有可能引发"多米诺"效应而导致级 联故障。同时,风电机组内部存在的多因素、多重复 的影响,使得子系统的故障可能会呈现多路径扩散形 态。本文基于决策实验室分析法(DEMATEL 方法), 以各单元故障模式相关性为输入,分析子系统间的 故障相关性。各单元故障模式相关性数据一方面是 基于专家经验评分得到。对于缺乏故障案例数据 的故障模式,其相关性可依据专家经验按照一定的 准则评分得到。基于获得的各故障模式间的相关性 数据,采用专家基于 DEMATEL 方法的子系统相关 性分析步骤如下。

1) 绘制故障模式关系有向图

通过分析风电机组故障模式间传播影响关系, 构建故障模式的自相关矩阵,具体流程包括:从一 个故障模式出发,分析可能导致该故障发生的所有 故障模式,以及该故障可能引发的其他所有故障模 式,根据其传播方向与强度绘制自相关矩阵。

2) 建立故障模式影响关系矩阵 PF

故障模式传播路径描述了故障模式之间定性的相互影响关系,DEMATEL方法以故障模式之间的相互影响频次为输入,通过数学分析可定量描述故障模式间的相关性。通过对故障模式自相关矩阵进行转换,建立故障模式影响关系矩阵 *P*_F。*P*_F中的每一行和每一列都表示一个故障模式,且行和列的故障模式必须一一对应。由于故障模式对自身的影响关系可以看做是 0,所以 *P*_F中的所有对角线元素都为 0。

$$\boldsymbol{P}_{\rm F} = \begin{vmatrix} 0 & f_{12} & \cdots & f_{1n_{\rm F}} \\ f_{21} & 0 & \cdots & f_{2n_{\rm F}} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ f_{n_{\rm F}1} & f_{n_{\rm F}2} & \cdots & 0 \end{vmatrix}$$
(10)

式中: fij 为故障模式 i 对故障模式 j 的相关性; n_F

为故障模式的数量。

3) 定义标准化矩阵 \overline{P}_{F}

标准化矩阵是将故障模式影响关系矩阵 **P**_F 进行标准化处理,标准化矩阵计算公式为:

$$\bar{\boldsymbol{P}}_{\rm F} = \frac{\boldsymbol{P}_{\rm F}}{\Delta_{\rm F}} \tag{11}$$

$$\Delta_{\rm F} = \max_{i=1}^{n_{\rm F}} \left\{ \sum_{j=1}^{n_{\rm F}} f_{ij} \right\}$$
(12)

4) 计算综合影响关系矩阵 T_F

综合影响关系矩阵 **T**_F 表示各故障模式间的直接和间接影响关系,**T**_F计算公式为:

$$\boldsymbol{T}_{\mathrm{F}} = \overline{\boldsymbol{P}}_{\mathrm{F}} \left(\boldsymbol{I} - \overline{\boldsymbol{P}}_{\mathrm{F}} \right)^{-1} = \left[\boldsymbol{t}_{ij} \right]_{n_{\mathrm{F}} \times n_{\mathrm{F}}}$$
(13)

式中: I 为单位矩阵。

5) 计算故障模式的影响度与被影响度

综合影响关系矩阵 T_F 的行向量之和表示故障 模式的影响度,用向量 $R_i(i=1, 2, \dots, n_F)$ 表示;列向 量之和表示故障模式的被影响度,用向量 $D_i(i=1, 2, \dots, n_F)$ 表示, R_i 和 D_i 的计算公式为:

$$\boldsymbol{R}_{i} = \left[\sum_{j=1}^{n_{\mathrm{F}}} t_{ij}\right]_{n_{\mathrm{F}} \times 1}$$
(14)

$$\boldsymbol{D}_{i} = \left[\sum_{j=1}^{n_{\mathrm{F}}} t_{ij}\right]_{1 \times n_{\mathrm{F}}}$$
(15)

故障模式影响度越大说明该故障对其他故障 的影响程度越大,被影响度越大说明该故障受其他 故障的影响程度越大。影响度最大的故障模式为系 统故障源,被影响度最大的故障模式是系统脆弱点。

6) 计算子系统间的故障相关性系数

子系统的故障相关性通过综合分析子系统的 故障模式相对于其他子系统故障模式的影响度与 被影响度获得,其计算公式为:

$$\alpha\left(S_{i}, S_{j}\right) = \frac{R\left(S_{i}, S_{j}\right) + D\left(S_{i}, S_{j}\right)}{\sqrt{n_{\rm F}\left(S_{i}\right) \times n_{\rm F}\left(S_{j}\right)}}$$
(16)

式中: $\alpha(S_i, S_j)$ 为第 i 个子系统与第 j 个子系统的故障相关性系数; $R(S_i, S_j)$ 为第 i 个子系统的故障对第 j 个子系统故障的影响度; $D(S_i, S_j)$ 为第 j 个子系统故障的影响度; $n_F(S_i)$ 为第 i 个子系统的故障模式个数; $n_F(S_j)$ 为第 j 个子系统的故障模式个数; $n_F(S_j)$ 为第 j 个子系统的故障模式个数; $n_F(S_j)$ 为第 j 个子系统的故障模式个数; $n_F(S_j)$ 为第 j 个子系统的

3.2 基于 Copula 函数的系统可靠性分析

Copula 函数,也称"相依函数"或"连接函

数",是一种将多维随机变量的联合分布用其一维 边缘分布连接起来的函数,是一种在子系统相关故 障下进行系统可靠性分析的有力工具。根据 Copula 函数的定义以及 Sklar 定理,对于 k 个具有故障相 关性的子系统,在确定每个子系统的可靠度函数 *R_i(t_i)*之后,可以唯一确定一个 Copula 函数 *C*,使得:

$$R(t_1, t_2, \cdots, t_k) = C(R_1(t_1), R_2(t_2), \cdots, R_k(t_k))$$
(17)

式中: *R*(*t*₁, *t*₂, …, *t*_k,)为 *R*_i(*t*_i)(*i*=1, 2, …, *k*)的联合分 布函数,即 *k* 个相关子系统的可靠度函数。

风电机组的子系统属于串联结构,其中部分子 系统间具有故障相关性,而其他子系统相互独立。 因此,风电机组的整机可靠度计算公式为:

$$R(t) = \prod_{i=1}^{g} C_i(t) \prod_{j=1}^{n_1} R_j(t)$$
(18)

式中: *C_i*(*t*)为第 *i* 组具有故障相关性的子系统的综 合可靠度; *R_j*(*t*)为第 *j* 个独立子系统的可靠度; *g* 为 具有故障相关性的子系统的组数; *n*₁为独立子系统 的个数。

根据子系统的分布函数确定子系统的可靠度 函数之后,选择合适的 Copula 函数进行整机可靠性 分析。本文选择多元 Gumbel Copula 函数进行整机 可靠性分析。Gumbel Copula 函数的定义为:

$$C(R_1(t), R_2(t), \cdots, R_k(t)) = \exp\left\{-\left(\sum_{i=1}^k \left(-\ln R_i(t)\right)^{1/\nu}\right)^\nu\right\}$$
(10)

式中: $v \in [0,1]$ 为子系统 $R_1(t)$, $R_2(t)$,..., $R_k(t)$ 的相关 性系数, v=1表示 k 个子系统 $R_1(t)$, $R_2(t)$, ..., $R_k(t)$ 完 全独立, $v \rightarrow 0$ 表示子系统 $R_1(t)$, $R_2(t)$, ..., $R_k(t)$ 趋于完 全相关。本文 $v_{ij}=1-\alpha(S_i, S_j)$ 。

4 实例分析

本文以某海上风电机组子系统变桨系统为例 说明子系统分布函数的拟合、优选过程,然后再给 出所有子系统的可靠性分布函数。以变桨系统为 例,变桨系统的故障数据见表 3。

根据表 3 的故障数据,对指数分布、正态分布、 对数正态分布、威布尔分布和伽马分布分别采用极 大似然估计法估计分布函数的参数,并对估计出的 参数进行无偏性和有效性检验。各分布函数的参数 估计值见表 4。

表 3 变桨系统故障数据 Tab.3 Fault data of the pitch system

编号	故障形式	平均故 障间隔 时间/h	故障 频数	故障影响
1	绕组短路和断路	650	39	变桨电机故障
2	后备电池或电容故障	688	38	后备电源与充电 器故障
3	通信故障	844	31	变桨驱动器故障
4	桨距角 A/B 编码器 故障	904	29	编码器与限位 开关故障
5	风扇失效	1 454	18	变桨电机故障
6	IGBT 损坏	1 522	17	变桨驱动器故障
7	漏油	1 637	16	变桨齿轮箱故障
8	桨距角限位开关故障	1 750	15	编码器与限位 开关故障
9	制动器失效	2 616	10	变桨电机故障
10	轴承失效或损伤	3 273	8	变桨电机故障
11	接线和接口出现问题	3 281	8	变桨电机故障
12	齿轮失效或损伤	3 730	7	变桨齿轮箱故障
13	柜内各类开关/接触 器/继电器损坏	3 748	7	控制模块故障
14	轴承元件失效或损伤	4 212	6	变桨轴承故障
15	与轮毂连接螺栓裂纹 或断裂	4 332	6	变桨轴承故障
16	电机过载	4 368	6	变桨电机故障
17	输入输出线路故障	5 250	5	控制模块故障
18	轴承失效或损伤	6 546	4	变桨齿轮箱故障
19	充电器故障	6 566	4	后备电源与充电 器故障
20	控制器模块硬件故障 (PLC)	8 754	3	控制模块故障
21	柜内加热器、冷却 风扇损坏	8 754	3	控制模块故障
22	桨叶角度故障	8 758	3	编码器与限位 开关故障
23	电源转换模块故障	26 274	1	控制模块故障
24	变桨安全链模块故障	26 274	1	控制模块故障

		distribution func	tion	
Tab.4	Гhe	estimated parame	eters' values fo	or each
- A	表 4	各分布函数的参	数估计值	

分布函数	参数估计值
指数分布	$\lambda = 4.546 \ 7 \times 10^{-4}$
正太公布	$\mu = 2.199 \ 4 \times 10^3$
正态力和	$\sigma = 2.776 \ 7 \times 10^3$
对数正态分布	$\mu = 7.306 \ 7 \times 10$
	$\sigma = 8.021 \ 4 \times 10^{-1}$
威布尔分布	$\alpha = 2.285 \ 4 \times 10^3$
	$\beta = 1.085 0 \times 10$
伽马分布	$\alpha = 1.428 4 \times 10$
	$\eta = 1.539^{-7} \times 10^{-5}$

变桨系统不同分布函数的概率密度曲线和累

计分布曲线如图 1 和图 2 所示。从图 1 和图 2 可以 看出,指数分布、对数正态分布、威布尔分布和伽 马分布对变桨系统的故障数据具有较好的拟合效 果。为了从数值上说明哪些分布函数适合描述变桨 系统的故障数据,需要计算各分布模型的拟合优 度,从中选择拟合优度最高的分布模型作为变桨系 统的分布模型。



图 1 变桨系统故障间隔时间的概率密度曲线 Fig.1 Probability density curves of fault interval time in the pitch system



图 2 变桨系统故障间隔时间的累计分布曲线 Fig.2 Cumulative distribution curves of fault interval time of the pitch system

为从数值上确定适合变桨系统的分布函数,需进行假设检验。采用 K-S 检验,通过计算变桨系统不同分布函数的K-S检验值Dn来评估各分布函数参数估计的有效性。各分布函数K-S 检验值Dn.见表5。

表 5 各分布函数的 K-S 检验值 Tab.5 The K-S test values for each distribution function

<i>K-S</i>	指数	正态	对数正态	威布尔	伽马
检验值	分布	分布	分布	分布	分布
D_n	0.163 6	0.276 6	0.214 1	0.185 3	0.216 0

查 *K-S* 检验的临界值表, *n*=24 时, *D_{n,a}*=0.323, 所以对于变桨系统来说,指数分布、正态分布、对 数正态分布、威布尔分布、伽马分布均通过了 *K-S* 检验。为了找到最适合变桨系统的分布函数,需要 对分布函数进行优选。采用关联熵法计算各分布函 数的拟合优度值,各分布函数的拟合优度值(关联 系数)见表 6。

表 6 各分布函数的拟合优度值 Tab.6 Goodness of fit values of each distribution function

分布函数	关联系数
指数分布	0.988 3
正态分布	0.942 5
对数正态分布	0.993 0
威布尔分布	0.987 7
伽马分布	0.987 8

从表 6 可以看出,变桨系统的故障数据对对数 正态分布的拟合优度值最高,说明变桨系统的分布 函数更适合对数正态分布。采用同样的方法对其他 子系统的故障数据进行分布函数拟合和优选,各子 系统的分布类型和分布函数见表 7。在获得各子系 统故障数据的分布函数之后,根据各分布的概率密 度函数与可靠度函数的关系,计算各子系统的可靠 度函数,结果见表 8。

根据子系统故障间的传播影响关系,采用 DEMATEL 方法计算子系统间的故障相关性,计算 结果如图 3 所示。从图 3 可以看出,主轴与主轴承 系统和齿轮箱系统具有较强的故障相关性,相关性 系数达到了 0.301。这是由于二者在结构上相邻, 且都为传动部件,通过联轴器连接共同传输动力, 故障间具有较强的相依性,如主轴与主轴承的异常 振动类故障在很大程度上会引起齿轮箱的传动系 统和支撑系统故障。此外,叶片系统与齿轮箱系统、 叶片系统与变桨系统、变桨系统与主控系统以及发 电机系统与变频系统间也具有较强的故障相关性。



图 3 海上风电机组子系统间的故障相关性 Fig.3 Fault correlation between subsystems of offshore wind turbines

本文首先以主轴与主轴承系统和齿轮箱系统为例,采用 Copula 函数中的 Gumbel Copula 函数, 计算二者的串联可靠度函数,如式(20)所示。

		ŭ
子系统	分布函数	概率密度函数
叶片系统	伽马分布	$f(t) = \frac{1}{\eta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} t^{\alpha - 1} \exp\left(-\frac{t}{\eta}\right), \frac{\alpha}{\eta} = 1.742.9$ $\eta = 2.0651 \times 10^{4}$
变桨系统	对数正态分布	$f(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_x t}} \exp\left(-\frac{1}{2} \left(\frac{\ln t - \mu_x}{\sigma_x}\right)^2\right), \mu = 7.3067 \times 10$ $\sigma = 8.0214 \times 10^{-1}$
主轴与主轴承系统	对数正态分布	$f(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_x}t} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{\ln t - \mu_x}{\sigma_x}\right)^2\right), \begin{array}{l} \mu = 10.8539\\ \sigma = 1.0340 \end{array}$
齿轮箱系统	威布尔分布	$f(t) = \frac{\beta}{\alpha^{\beta}} (t - t_0)^{\beta - 1} \exp\left(-\left(\frac{t}{\alpha}\right)^{\beta}\right), \begin{array}{l} \alpha = 3.5813 \times 10^4\\ \beta = 0.8305 \end{array}$
发电机系统	威布尔分布	$f(t) = \frac{\beta}{\alpha^{\beta}} (t - t_0)^{\beta^{-1}} \exp\left(-\left(\frac{t}{\alpha}\right)^{\beta}\right), \alpha = 3.9602 \times 10^4$ $\beta = 0.9072$
变频器系统	正态分布	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right), \begin{array}{l} \mu = 2.9216 \times 10^4 \\ \sigma = 340.54 \end{array}$
主控系统	伽马分布	$f(t) = \frac{1}{\eta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} t^{\alpha - 1} \exp\left(-\frac{t}{\eta}\right), \frac{\alpha = 1.9358}{\eta = 2.7140 \times 10^5}$
偏航系统	伽马分布	$f(t) = \frac{1}{\eta^{\alpha} \Gamma(\alpha)} t^{\alpha - 1} \exp\left(-\frac{t}{\eta}\right), \begin{array}{l} \alpha = 1.1559\\ \eta = 1.3315 \times 10^5 \end{array}$
刹车与液压系统	对数正态分布	$f(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_x t} \exp\left(-\frac{1}{2}\left(\frac{\ln t - \mu_x}{\sigma_x}\right)^2\right), \begin{array}{l} \mu = 10.9501\\ \sigma = 0.7729 \end{array}$
其他子系统	指数分布	$f(t) = \lambda \exp(-\lambda t)$, $\lambda = 1.9515 \times 10^{-5}$

表 7 各子系统的分布类型和分布函数 Tab.7 Distribution types and distribution functions of each subsystem

子系统	分布类型	可靠度函数
叶片系统	伽马分布	$R(t) = 1 - \int_0^t 3.2855 \times 10^{-8} t^{0.7429} \exp\left(-\frac{t}{20651}\right) dt$
变桨系统	对数正态分布	$R(t) = 1 - \phi\left(\frac{\ln t - 73.067}{0.80214}\right)$
主轴与主轴承系统	对数正态分布	$R(t) = 1 - \mathcal{O}\left(\frac{\ln t - 10.8539}{1.034}\right)$
齿轮箱系统	威布尔分布	$R(t) = \exp\left[-\left(\frac{t}{35813}\right)^{0.8305}\right]$
发电机系统	威布尔分布	$R(t) = \exp\left[-\left(\frac{t}{39602}\right)^{0.9072}\right]$
变频器系统	正态分布	$R(x) = 1 - \Phi\left(\frac{x - 29216}{340.54}\right)$
主控系统	伽马分布	$R(t) = 1 - \int_0^t 3.1007 \times 10^{-11} t^{0.9358} \exp\left(-\frac{t}{271400}\right) dt$
偏航系统	伽马分布	$R(t) = 1 - \int_0^t 1.2816 \times 10^{-6} t^{0.1559} \exp\left(-\frac{t}{133150}\right) dt$
刹车与液压系统	对数正态分布	$R(t) = 1 - \mathcal{O}\left(\frac{\ln t - 10.9501}{0.7729}\right)$
其他子系统	指数分布	$R(t) = \exp\left(-1.9515 \times 10^{-5}t\right)$

表 8 各子系统的可靠度函数 Tab.8 Reliability functions of each subsystem

同理,可以计算出其他具有故障相关性的子系统的串联可靠度函数,然后再将获得的两两子系统间的 串联可靠度相乘获得所有子系统的串联可靠度。需要 注意的是,在相乘的过程中,部分子系统重复相乘 了多次,因此需要再除以各子系统重复的次数。海 上风电机组整机的可靠度函数如式(21)所示。

$$C(R_{3}(t), R_{4}(t)) = \exp\left\{-\left[\left(-\ln\left(1 - \varPhi\left(\frac{\ln t - 6.759 \ 6}{1.034}\right)\right)\right)^{1/0.699} - \frac{1}{0.699}\left(\frac{t}{596.89}\right)^{0.8305}\right]^{0.699}\right\}$$
(20)
$$R_{5}(t) = \frac{C_{1,2}C_{1,3}C_{1,4}C_{1,7}C_{1,9}C_{2,3}C_{2,4}C_{2,7}C_{3,4}C_{3,5}C_{3,7}C_{4,5}C_{5,6}C_{7,8}R_{9}(t)}{4}$$
(21)

 $R_{1}(t)^{4}R_{2}(t)^{3}R_{3}(t)^{4}R_{4}(t)^{3}R_{5}(t)^{2}R_{7}(t)^{3}$

式中: $C_{i,j}=(R_i(t), R_j(t))$ 。

我国海上风电机组的定检维修周期一般为2000h,假设每次定检维修后海上风电机组的可靠 度都恢复如初,则可算得海上风电机组运行2000h 后的整机可靠度为: *R*_s(2000)=0.8071。

为进一步对本文得到的海上风电机组各子系 统和整机可靠度函数模型的准确性和泛化能力进 行验证,采用同风电场某台海上风电机组的故障数 据进行分析,得出了该机组各子系统的可靠度函数 见表 9。根据该机组各子系统的可靠度函数可算得 其整机可靠度函数,即该机组运行 2 000 h 后的整 机可靠度为: *R*_s(2 000)=0.796 2,与前文分析结果基 本相同。说明本文得出的风电场风电机组各子系统 可靠度函数和整机可靠度函数对同风电场的其他 机组具有普适性和泛化能力。需要指出的是,由于 不同风电场机组型号、运维策略等的不同,机组故 障数据存在区别,所以基于不同风电场故障数据得 出的子系统可靠度函数和整机可靠度函数肯定会 有所区别,这是由于数据本身所决定的。

为了验证本文方法的合理性、准确性以及对实际运行机组可靠性分析的工程指导意义,将本文提出的方法与常规可靠性建模和分析进行对比分析。 常规可靠性建模和分析是将风电机组作为一个整体进行可靠性分布函数的拟合和优选,通过将上述海上风电机组的所有故障数据进行分布函数拟合和参数估计,并分析各分布函数的拟合优度,分析结果见表 10。

根据各分布函数的拟合优度可知, 对海上风电

机组整机进行分布函数拟合,其故障数据对对数正 态分布的拟合优度值最高,说明海上风电机组整机 的分布函数更适合对数正态分布,其可靠度函数为:

$$R(t) = 1 - \Phi\left(\frac{\ln t - 5.7759}{1.2949}\right)$$
(22)

表 9 某海上风电机组各子系统的可靠度函数 Tab.9 Reliability functions of each subsystem for an offshore wind turbine

子系统	分布类型	可靠度函数
叶片系统	伽马分布	$R(t) = 1 - \int_0^t 2.9588 \times 10^{-8} t^{0.7745} \exp\left(-\frac{t}{19830}\right) dt$
变桨系统	对数正态分布	$R(t) = 1 - \mathcal{O}\left(\frac{\ln t - 72.587}{0.81334}\right)$
主轴与主轴承系统	对数正态分布	$R(t) = 1 - \mathcal{P}\left(\frac{\ln t - 12.7653}{1.1847}\right)$
齿轮箱系统	威布尔分布	$R(t) = \exp\left[-\left(\frac{t}{36605}\right)^{0.8412}\right]$
发电机系统	威布尔分布	$R(t) = \exp\left[-\left(\frac{t}{40063}\right)^{0.9457}\right]$
变频器系统	正态分布	$R(x) = 1 - \mathcal{P}\left(\frac{x - 30045}{338.67}\right)$
主控系统	伽马分布	$R(t) = 1 - \int_0^t 3.267 2 \times 10^{-11} t^{0.9237} \exp\left(-\frac{t}{267.893}\right) dt$
偏航系统	伽马分布	$R(t) = 1 - \int_0^t 1.267 8 \times 10^{-6} t^{0.1670} \exp\left(-\frac{t}{134030}\right) dt$
刹车与液压系统	对数正态分布	$R(t) = 1 - \mathcal{O}\left(\frac{\ln t - 9.9871}{0.7696}\right)$
其他子系统	指数分布	$R(t) = \exp\left(-1.9677 \times 10^{-5}t\right)$

表 10 整机系统各分布函数的参数估计值和拟合优度值 Tab.10 Parameter estimation values and fit values for each distribution function of the whole system

分布函数	参数估计值	拟合优度值
指数分布	$\lambda = 1.2995 \times 10^{-3}$	0.979 6
正太公左	$\mu = 769.745$	0 866 7
正态力中	$\sigma = 1891.33$	0.800 7
对粉正太公布	$\mu = 5.7759$	0 990 3
对奴正芯刀巾	σ = 1.294 9	0.770 3
咸布尔公布	$\alpha = 613.239$	0.984.8
41×17/141×288	$\beta = 0.75549$	0.964 8
伽马分布	$\alpha = 0.6952$	0.981.5
	$\eta = 1 \ 107.28$	0.981 5

同理,可计算得出海上风电机组运行 2 000 h 后的整机可靠度为: *R*_s(2 000)=0.079 4。显然该结果 与机组实际可靠性明显不符,所以将海上风电机组 整体进行分布函数拟合显然是不合适的。因为风电 机组是一个典型的复杂机电系统,各子系统的功能、 结构以及故障形式各不相同,用一个分布函数来确 定整个系统的故障分布显然不合理。因此,需要对 各子系统分别进行可靠性建模,获得各子系统的故 障分布函数和可靠度函数,并在综合考虑各子系统 故障相关性的条件下建立整机的可靠度函数模型。

5 结 语

本文以海上风电机组的故障数据为分析对象, 研究了子系统可靠性建模与系统可靠性分析技术。 首先分析了几种常用可靠性分布函数,给出了基于 极大似然估计不同分布函数的参数估计方法,提出 了采用关联熵法对子系统不同分布函数的拟合优 度进行分析,并根据拟合优度实现了对子系统分布 函数的优选。根据各子系统的分布函数,建立了子 系统的可靠度函数,并基于 DEMATEL 方法分析了 子系统间的故障相关性,在此基础上,采用 Copula 函数建立了海上风电机组的整机可靠度函数。

以海上风电机组变桨系统为例说明了子系统 故障间隔时间的分布函数拟合、参数估计和模型优 选过程,并随之确定了其他子系统故障间隔时间的 分布类型、分布函数以及分布函数的参数。根据各 子系统的可靠度函数,计算了海上风电机组的整机

可靠度,实现了对海上风电机组整机可靠性的实时 量化评估。

[参考文献]

[1] 王达梦. 以可靠性为中心的风电机组机会维修策略研 究[D]. 北京: 华北电力大学, 2020: 1.

WANG Mengda. Research on the reliability centered opportunistic maintenance foe wind turbines[D]. Beijing: North China Electric Power University, 2020: 1.

- [2] 孙承婧, 毛振攀, 张弈鹏. 基于智慧运营系统的风电 机组可靠性统计与分析探讨[J]. 风能, 2023(3): 96-99. SUN Chengjing, MAO Zhenpan, ZHANG Yipeng. Reliability statistics and analysis of wind turbine based on intelligent operation system[J]. Wind Energy, 2023(3): 96-99.
- [3] 张嘉琪. 基于随机故障率的风电机组可靠性分析与维修策略研究[D]. 兰州: 兰州交通大学, 2022: 1.
 ZHANG Jiaqi. Research on reliability analysis and maintenance strategy of wind turbine based on random failure rate[D]. Lanzhou: Lanzhou Jiaotong University, 2022: 1.
- [4] 秦子川.风电机组可靠性评估与预防性机会维修策略研究[D].兰州:兰州交通大学,2021:1.
 QIN Zichuan. Research on reliability evaluation and preventive opportunity maintenance strategy for wind turbine[D]. Lanzhou: Lanzhou Jiaotong University, 2021:1.
 [5] 刘喜梅,崔阳,董建明,等.基于风电机组可靠性的风
- 电场平准化成本模型研究[J]. 太阳能学报, 2022, 43(10): 304-311. LIU Ximei, CUI Yang, DONG Jianming, et al. Research on levelized cost model of wind farms based on wind turbine reliability[J]. Acta Energiae Solaris Sinica, 2022, 43(10): 304-311.
- [6] 张志春. 双馈风力发电机组运行可靠性建模及若干相 关问题研究[D]. 天津: 天津大学, 2017: 1. ZHANG Zhichun. Research on operational reliability modeling of doubly-fed wind turbine and several related issues[D]. Tianjin: Tianjin University, 2017: 1.
- [7] ZHANG X, KANG J, JIN T. Degradation modeling and maintenance decisions based on Bayesian belief networks[J]. IEEE Transactions on Reliability, 2014, 63(2): 620-633.
- [8] 张穆勇. 基于运行数据的风力发电设备可靠性分析 方法和评估技术的研究[D]. 保定: 华北电力大学, 2015:1.
 ZHANG Muyong. Research on the analysis method and evaluation technology of wind turbine reliability based on the operating data[D]. Baoding: North China Electric Power University, 2015:1.
- [9] 王钧. 基于泊松过程的风电机组可靠性评估方法研究[D]. 北京: 华北电力大学, 2017:1.
 WANG Jun. Study on reliability assessment method of wind turbine based on Poisson process[D]. Beijing: North China Electric Power University, 2017:1.
- [10] KANG J, SUN L, HAI S, et al. Risk assessment of floating offshore wind turbine based on correlation-FMEA[J]. Ocean Engineering, 2017, 129: 382-388.
- [11] LI H, CHO H, SUGIYAMA H, et al. Reliability-based design optimization of wind turbine drivetrain with

integrated multibody gear dynamics simulation considering wind load uncertainty[J]. Structural & Multidisciplinary Optimization, 2017, 56(1): 183-201.

- [12] MOHSEN S, AVAL M, AHADI A, et al. A novel method for reliability and risk evaluation of wind energy conversion systems considering wind speed correlation[J]. Front Energy, 2016, 10(1): 46-56.
- [13] WADHVANI R, SHUKLA S. Analysis of parametric and non-parametric regression techniques to model the wind turbine power curve[J]. Wind Engineering, 2019, 43(3): 225-232.
- [14] HABIBI N, HOWARD I, SIMANI S. Reliability improvement of wind turbine power generation using model-based fault detection and fault tolerant control: a review[J]. Renewable Energy, 2019, 135: 877-896.
- [15] 符杨, 苗育植, 黄玲玲, 等. 基于改进贝叶斯网络的风 电机组动态可靠性评估[J]. 电力自动化设备, 2022, 42(11): 32-39.
 FU Yang, MIAO Yuzhi, HUANG Lingling, et al. Dynamic reliability evaluation of wind turbine based on improved Bayesian network[J]. Electric Power Automation Equipment, 2022, 42(11): 32-39.
- [16] XING Y Y, WU X Y, JIANG P, et al. Dynamic Bayesian evaluation method for system reliability growth based on in-time correction[J]. IEEE Transactions on Reliability, 2010, 59(2): 309-312.
- [17] PENG W, HUANG H, LI Y, et al. Bayesian information fusion method for reliability assessment of milling head[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2014, 50(6): 185-191.
- [18] 李芷筠, 戴志辉, 焦彦军. 小样本失效数据下保护可 靠性的贝叶斯-蒙特卡罗评估方法[J]. 电力系统及其 自动化学报, 2016, 28(5): 9-14.
 LI Zhijun, DAI Zhihui, JIAO Yanjun. Bayes Monte-Carlo reliability assessment method of protection systems with small failure samples[J]. Proceedings of the CSU-EPSA, 2016, 28(5): 9-14.
- [19] TALAFUSE T P, POHL E A. Small sample reliability growth modeling using a grey systems model[J]. Quality Engineering, 2017, 29(3): 455-467.
- [20] MA Y, ZHANG J, QIU J. Reliability analyzing method of small sample structures and mechanisms based on Bootstrap-SVR-SOC[J]. Journal of Beijing University of Posts Telecommunications, 2018, 41(4): 81-85.
- [21] YANG J, WANG J, HUANG Q, et al. Reliability assessment for the solenoid valve of a high-speed train braking system under small sample size[J]. Chinese Journal of Mechanical Engineering, 2018, 31(1): 1-11.
- [22] 陈飞,周俊宇,陈伟.一种基于模糊理论的雷达可靠 性评估方法[J].科技与创新,2022(15):7-9.
 CHEN Fei, ZHOU Junyu, CHEN Wei. A radar reliability evaluation method based on fuzzy theory[J]. Science and Technology & Innovation, 2022(15): 7-9.
- [23] HAND D J. From evidence to understanding: a commentary on Fisher (1922) 'On the mathematical foundations of theoretical statistics'[J]. Philosophical Transactions of the Royal Society A: Mathematical Physical and Engineering Sciences, 2015, 373(2039): 1-8.

(责任编辑 杜亚勤)